

Perforatie

15 maximumscore 6

- $(x^2 + 1)(x - 2) = 0$ geeft $x = 2$ (want $x^2 + 1 = 0$ heeft geen oplossing) 1
- $x = 2$ invullen in $px^2 + 4px + 6$ geeft $4p + 8p + 6 (=12p + 6)$ 1
- $12p + 6 = 0$ geeft $p = -\frac{1}{2}$ (dus voor $p = -\frac{1}{2}$ heeft de grafiek van f_p een perforatie) 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{(x-2)(-\frac{1}{2}x-3)}{(x^2+1)(x-2)}$ 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{-\frac{1}{2}x-3}{x^2+1}$ (voor $x \neq 2$) 1
- De coördinaten van de perforatie zijn $(2, -\frac{4}{5})$ (want $\lim_{x \rightarrow 2} f_{-\frac{1}{2}}(x) = -\frac{4}{5}$) 1

of

- Herleiden van de teller tot $(x-2)(px+6p)+12p+6$ 2
- $12p+6=0$ geeft $p=-\frac{1}{2}$ (dus voor $p=-\frac{1}{2}$ heeft de grafiek van f_p een perforatie) 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{(x-2)(-\frac{1}{2}x-3)}{(x^2+1)(x-2)}$ 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{-\frac{1}{2}x-3}{x^2+1}$ (voor $x \neq 2$) 1
- De coördinaten van de perforatie zijn $(2, -\frac{4}{5})$ (want $\lim_{x \rightarrow 2} f_{-\frac{1}{2}}(x) = -\frac{4}{5}$) 1

of

- $px^2 + 4px + 6 = 0$ geeft $x = \frac{-4p \pm \sqrt{16p^2 - 24p}}{2p}$ 1
- $(x^2 + 1)(x - 2) = 0$ geeft $x = 2$ (want $x^2 + 1 = 0$ heeft geen oplossing) (dus er is een perforatie bij $x = 2$), dus er moet gelden $\frac{-4p \pm \sqrt{16p^2 - 24p}}{2p} = 2$ 1
- Dit geeft $p = -\frac{1}{2}$ 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{(x-2)(-\frac{1}{2}x-3)}{(x^2+1)(x-2)}$ 1
- $f_{-\frac{1}{2}}(x) = \frac{-\frac{1}{2}x-3}{x^2+1}$ (voor $x \neq 2$) 1
- De coördinaten van de perforatie zijn $(2, -\frac{4}{5})$ (want $\lim_{x \rightarrow 2} f_{-\frac{1}{2}}(x) = -\frac{4}{5}$) 1